
Création Dynamique et Langages Synchrones

Travail en Cours sur l'Analyse de Réactivité

Louis Mandel

Florence Plateau

Marc Pouzet

Laboratoire de Recherche en Informatique

Université Paris-Sud 11

INRIA Saclay – Ile-de-France

Réunion Partout – 28/05/2009

Réseau de Kahn : crible d'Ératosthène

```
Process INTEGERS out Q0;
  Vars N; 1 ← N;
  repeat INCREMENT N; PUT(N,Q0) forever
Endprocess;

Process FILTER PRIME in Q1 out Q0;
  Vars N;
  repeat GET(Q1) → N;
    if (N MOD PRIME) ≠ 0 then PUT(N,Q0) close
  forever
Endprocess;

Process SIFT in Q1 out Q0;
  Vars PRIME; GET(Q1) → PRIME;
  PUT (PRIME,Q0); comment emit a discovered prime;
  doco channels Q;
  FILTER(PRIME,Q1,Q); SIFT(Q,Q0)
  closeco
Endprocess;

Process OUTPUT in Q1; Comment this is a library process;
  repeat PRINT(GET(Q1)) forever
Endprocess;

Start doco channels Q1 Q2;
  INTEGERS(Q1); SIFT(Q1,Q2); OUTPUT(Q2);
  closeco;
```

Fig.3. Sieve of Eratosthenes.

```
Process FILTER PRIME in QI out Q0;
  repeat
    GET(QI) -> N;
    if (N MOD PRIME) <> 0 then PUT(N, Q0) close
  forever
Endprocess;

Process SIFT in QI out Q0;
  Vars PRIME;
  GET(QI) -> PRIME;
  PUT (PRIME, Q0); comment emit a discovered prime;
  doco channels Q;
  FILTER(PRIME, QI, Q);
  SIFT(Q, Q0)
  closeco
Endprocess;
```

```
let process filter prime s_in s_out =  
  loop  
    await s_in(n) in  
    if (n mod prime) <> 0 then emit s_out n  
  end
```

```
let rec process sift s_in s_out =  
  await s_in(prime) in  
  emit s_out prime; (* emit a discovered prime *)  
  signal s default 0 gather (+) in  
  run (filter prime s_in s)  
  ||  
  run (sift s s_out)
```

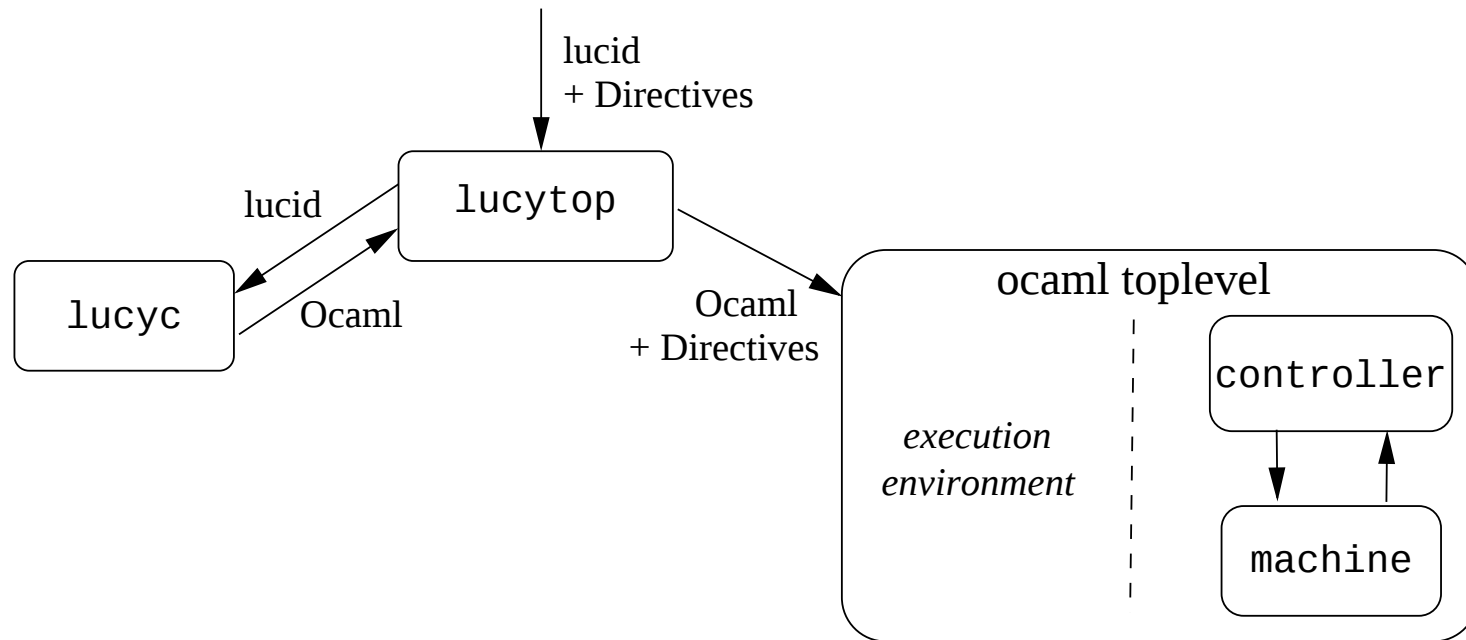
```
let node first x = v where  
  rec v = x fby v
```

```
let node integers () = n where  
  rec n = 1 fby n + 1
```

```
let rec node sift n =  
  let prime = first n in  
  let clock filter = (n mod prime) <> 0 in  
  merge filter (sift (n when filter)) (true fby false)
```

Est-il possible de faire un toplevel
pour un langage à la LUSTRE ?

Implantation



► Code de machine

```
let react =  
  let to_run = ref [] in  
  fun to_add ->  
    to_run := to_add @ !to_run;  
    List.iter (fun step -> step ()) !to_run
```

Variables globales

- ▶ Canaux partagés $\approx$ Signaux REACTIVEML

- ▷ écritures concurrentes
- ▷ lecture avec retard
- ▷ pas de contraintes d'horloges

- ▶ Canaux partagés

- ▷ création :

```
share x default 0 gather (+)
```

- ▷ écriture :

```
x <<- 4012
```

- ▷ lecture :

```
last !x
```

Exemples

- ▶ Particules
- ▶ Mobilité du π -calcul

$$P(x, z) = \bar{x}\langle z \rangle.P'$$

$$Q(x) = x(y).Q'$$

$$R(z) = z(a).R'$$

$$Mob(x, z) = P(x, z) \mid Q(x) \mid R(z)$$

Benchmarks

- ▶ Crible d'Ératosthène : 10000 premiers nombres premiers
 - ▷ LUCID SYNCHRONE $\approx 2s$
 - ▷ REACTIVEML $\approx 36s$

Conclusion

- ▶ Les langages synchrones ne sont pas limités à la programmation de systèmes temps-réel critiques
- ▶ La causalité par construction et l'ordonnancement dynamique ne sont pas nécessaires à la création dynamique
- ▶ Une causalité peu expressive facilite l'implantation

Travail en Cours sur l'Analyse de Réactivité

Exemples

Les deux exemples les plus simples de programmes non réactifs :

```
let process p = loop () end
```

Warning: This expression may be an instantaneous loop.

```
let rec process q = run q
```

Warning: This expression may produce an instantaneous recursion.

Exemple de programme correct :

```
let rec process q = pause; run q
```

Dans la suite, on s'intéresse uniquement aux processus récursifs

Sémantique petits pas

$$(\lambda x.e^b)^{b_1} v^{b_2}/S \rightarrow_\varepsilon e^{b \vee b_1}[x \leftarrow v^{b_2}]/S \quad \mathbf{rec} \ x = v^b/S \rightarrow_\varepsilon v^b[x \leftarrow (\mathbf{rec} \ x = v^b)^t]/S$$

$$v^{b_1}; e^{b_2}/S \rightarrow_\varepsilon e^{b_2}/S \quad \mathbf{run} \ (\mathbf{process} \ e^b)^f/S \rightarrow_\varepsilon e^b/S$$

$$\mathbf{let} \ x_1 = v_1^{b_1} \ \mathbf{and} \ x_2 = v_2^{b_2} \ \mathbf{in} \ e^{b_3}/S \rightarrow_\varepsilon e^{b_3}[x_1 \leftarrow v_1^{b_1}, x_2 \leftarrow v_2^{b_2}]/S$$

$$\mathbf{emit} \ n^{b_n}/S \rightarrow_\varepsilon ()/S + n \quad \mathbf{present} \ n^b \ \mathbf{then} \ e_1^{b_1} \ \mathbf{else} \ e_2^{b_2}/S \rightarrow_\varepsilon e_1^{b_1}/S \ \mathbf{si} \ n \in S$$

$$\mathbf{signal} \ x \ \mathbf{in} \ e^b/S \rightarrow_\varepsilon e^b[x \leftarrow n^f]/S \ \mathbf{si} \ n \notin \mathit{Dom}(S)$$

$$\frac{e/S \rightarrow_\varepsilon e'/S'}{\Gamma(e)/S \rightarrow \Gamma(e')/S'} \quad \text{avec } \Gamma ::= [] \mid \Gamma; e \mid \mathbf{run} \ \Gamma \mid \dots$$

Énoncé de la propriétés de réactivité

Définition 1 (Bonne formation)

Un expression e est bien formée ($wf(e)$) si :

$$\nexists \Gamma \text{ tel que } e = \Gamma[\textit{run} (e'^t)]$$

Théorème 1 (Sûreté du typage)

Si e est « bien typée » et $e/S \rightarrow^ e'/S'$ et $e'/S' \not\vdash$ alors $wf(e')$*

Structure de l'analyse actuelle

1. Analyse d'instantanéité

► exemples :

```
ackerman 3 10 (* e1 *)  
print_int 1; pause; print_int 2 (* e2 *)  
if x then pause else () (* e3 *)
```

► typage d'instantanéité : $e : k$ où $k ::= + \mid - \mid \pm$

► propriétés :

1. Si $e : -$ et $\emptyset \vdash e : \tau$ et $e/S \rightarrow^* e'/S'$ et e' est une forme normale alors e' est une valeur
2. Si $e : +$ et $\emptyset \vdash e : \tau$ et $e/S \rightarrow^* e'/S'$ et e' est une forme normale alors e' est une expression de fin d'instant mais e' n'est pas une valeur

► preuve en Coq (avec Zaynah Dargaye)

2. Détection des récursions instantanées

- ▶ système de type basé sur l'accès aux variables dangereuses
- ▶ une variable dangereuse est :
 - ▷ introduite par un `rec`
 - ▷ introduite par un `let` qui dépend d'une variable dangereuse
- ▶ les règles ont la forme :

$$\Pi \vdash e : \pi \quad \text{où} \quad \Pi, \pi ::= \emptyset \mid x : n, \Pi \quad \text{avec} \quad n \in (\mathbb{N} \cup +\infty)$$

- ▷ Π représente l'ensemble des variables potentiellement dangereuses
- ▷ π représente l'ensemble des variables utilisées dans e

Détection des récursions instantanées

$$x \notin \text{Dom}(\Pi)$$

$$\Pi \vdash x : \emptyset$$

$$n = \Pi(x)$$

$$\Pi \vdash x : \{x : n\}$$

$$\Pi \vdash c : \emptyset$$

$$\Pi \vdash e : \pi$$

$$\Pi \vdash \lambda x. e : \pi$$

$$\Pi \vdash e_1 : \pi_1 \quad \Pi \vdash e_2 : \emptyset$$

$$\Pi \vdash e_1 e_2 : \pi_1$$

$$x : 0, \Pi \vdash e : \pi$$

$$\Pi \vdash \text{rec } x = e : \pi \setminus x$$

$$\Pi^\uparrow \vdash e : \pi$$

$$\Pi \vdash \text{process } e : \pi$$

$$\Pi \vdash e : \pi \quad \pi^\downarrow > 0$$

$$\Pi \vdash \text{run } e : \pi^\downarrow$$

etc.

Problèmes

- Faux warnings sur des programmes purement OCAML

```
let rec f x =  
  if x <= 0 then 1 else x * f (x-1)
```

- La solution actuelle laisse des réductions infinies de processus !

```
let fix f =  
  let g = ref (fun _ -> assert false) in  
  g := (fun x -> f !g x);  
  !g  
  
let process main =  
  let f = fun p -> fun v -> process (run (p v)) in  
  run (fix f ())
```

Conclusion

- ▶ Est-ce la bonne propriété qui est exprimée ?
- ▶ Est-ce que le système de type n'est pas trop grossier ?
- ▶ Il faut faire la preuve de correction !
- ▶ En pratique :
 - ▷ l'analyse est implantée
 - ▷ elle aide à trouver des bogues

`http://rml.lri.fr`